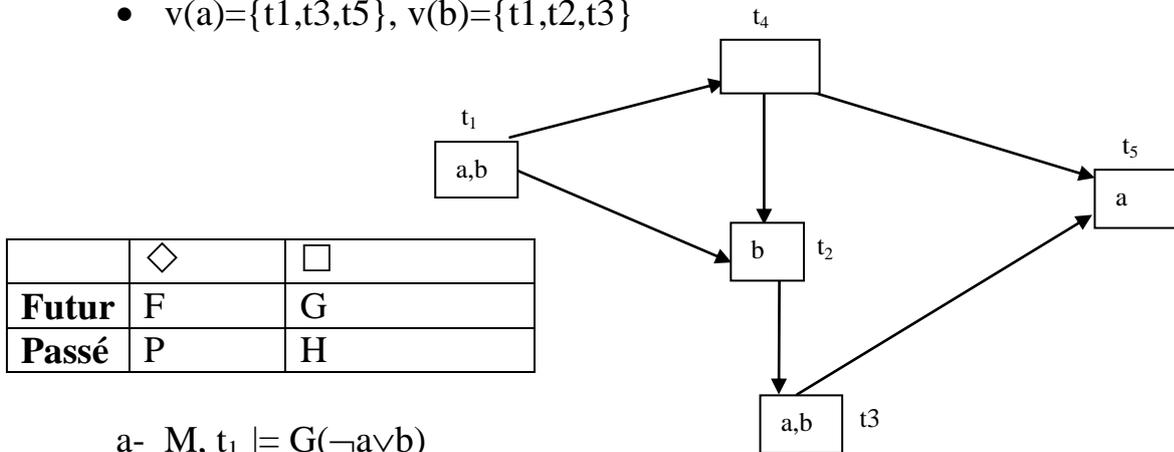


Examen

Exercice 1 (7 points)

1. Parmi les cinq assertions ci-dessous, spécifiez celles qui sont vraies dans le modèle modal temporel $M = \langle W, R, v \rangle$ suivant, dans lequel un monde représente un instant dans le temps, avec la spécificité que $M, t \models \neg B$ si et seulement si $M, t \models B$. Justifiez vos réponses :

- $W = \{t_1, t_2, t_3, t_4, t_5\}$
- $R = \{(t_1, t_2), (t_1, t_4), (t_2, t_3), (t_3, t_5), (t_4, t_2), (t_4, t_5)\}$
- $v(a) = \{t_1, t_3, t_5\}$, $v(b) = \{t_1, t_2, t_3\}$



- a- $M, t_1 \models G(\neg a \vee b)$
 b- $M, t_2 \models P \neg b$
 c- $M, t_3 \models HP \neg a$
 d- $M, t_4 \models G(a \supset b)$
 e- $M, t_5 \models HP(\neg a \wedge \neg b)$
2. Donnez les instants (mondes) de W satisfaisant la formule $H(a \vee b) \wedge G(a \vee \neg b) \wedge P(a \vee \neg b) \wedge F(a \vee b)$. Justifiez votre réponse.

Exercice 2 (4 points) La logique de description minimale ALC restreinte à un seul nom de rôle R , ou ALC_1 , est une variante notationale de la logique modale minimale K , qui se traduit par une correspondance permettant d'associer à tout concept de ALC_1 une formule de K , de telle sorte que le concept est satisfiable si et seulement si la formule est satisfiable. Expliquez la correspondance, en considérant la syntaxe suivante de K . L'ensemble des formules (bien formées) de K est le plus petit ensemble vérifiant :

- une proposition atomique est une formule,
- si f et g sont des formules alors $\Box f$, $\neg f$ et $f \wedge g$ sont des formules.

Utiliser la correspondance pour montrer que le concept $\exists R.A \sqcap \forall R. \neg A$ de ALC_1 n'est pas satisfiable, A étant un nom de concept.

Exercice 3 (9 points) On considère le langage de la logique de description ALC dont la syntaxe est définie ci-dessous, où A et R désignent, respectivement, un nom de concept et un nom de rôle. L'ensemble des concepts de ALC est le plus petit ensemble tel que :

- A , \top et \perp sont des concepts
- Si C et D sont des concepts alors $\neg C$, $C \sqcap D$, $C \sqcup D$, $\forall R.C$, $\exists R.C$ sont des concepts

On considère les noms de concept **Personne**, **Docteur**, **Heureux** et **Filière** ; et les noms de rôle **a-pour-parent** et **étudie**. Le nom de concept **Filière** désigne les filières étudiées à l'université. **a-pour-parent(x,y)** et **étudie(x,y)** signifient, respectivement, "**x a pour parent y**" et "**x étudie la filière y**".

- A. Donnez une TBox T dont les axiomes sont des définitions de concept de la forme $A \equiv C$ pour les concepts définis Etudiant, EtudiantHeureux, Personne1, Personne2, personne3, décrivant, respectivement : 1) les étudiants ; 2) les étudiants dont au moins un parent est heureux et a lui-même un parent docteur; 3) les personnes dont tous les parents sont docteurs et aucun grand-parent ne l'est ; 4) les personnes dont au moins un parent est docteur et n'a lui-même aucun parent docteur ; 5) les personnes dont chacun des parents est docteur ou heureux.
- B. Donnez une ABox A contenant les assertions de concept indiquant que Gaia est docteur, que Massinissa est heureux, et que Informatique est une filière étudiée à l'université ; et les assertions de rôle indiquant que Gaia est parent de Massinissa, que Massinissa est parent de Micipsa, et que Micipsa est étudiant en Informatique.
- C. Utilisez la méthode des tableaux pour montrer que "Micipsa est un étudiant heureux" est une conséquence logique de la base de connaissances $K=(T,A)$ ainsi définie ; en d'autres termes, pour montrer que $K \models \text{Micipsa:EtudiantHeureux}$.

.....
...Bon courage