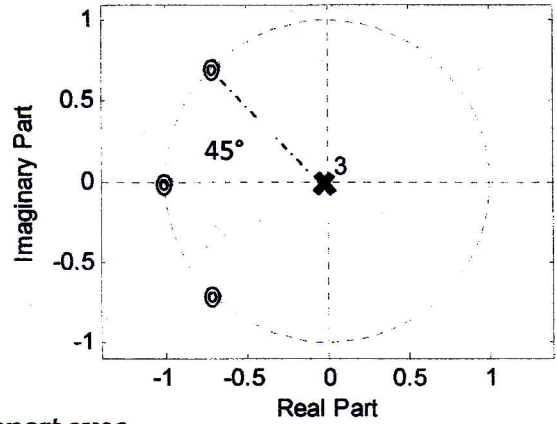


Exercice 1 :

Soit le tracé des pôles et zéros suivant d'un filtre $h(n)$:



1. Est-ce un filtre RII ou RIF (justifier) ?
2. Etudier sa stabilité.
3. Donner un tracé approximatif de $|H(f)|$
4. Déterminer la fonction de transfert $H(z)$.
5. Déterminer et tracer $h(n)$.
6. Etudier la causalité.
7. Déterminer $H(f)$ et calculer $|H(f)|$ pour 3 valeurs en rapport avec le tracé approximatif obtenu (question 3)
8. Sans faire de calcul, déterminer si le retard de groupe est constant.

1^o RIF tous les pôles sont en zéro 0.5

2^o RIF très stable 0.5

$$3^o \quad H(z) = \frac{(z+1)(z-e^{j3\pi/4})(z-e^{-j3\pi/4})}{z^3} = \frac{(z+1)(z^2 - 2\cos\frac{3\pi}{4}z + 1)}{z^3}$$

$$= \frac{(z+1)(z^2 + \sqrt{2}z + 1)}{z^3} = 1 + (1+\sqrt{2})z^{-1} + (1+\sqrt{2})z^{-2} + z^{-3}$$

$$5^o \quad h(n) = \mathcal{Z}^{-1}\{H(z)\} = \delta(n) + \delta(n-1)(1+\sqrt{2}) + \delta(n-2)(1+\sqrt{2}) + \delta(n-3)$$

6^o $h(n) = 0$ pour $n < 0$ [4 Diracs pour $n \geq 0$] 0.5

$$7^o \quad H(e^{j2\pi f T_e}) = 1 + (1+\sqrt{2})e^{-j2\pi f T_e} + (1+\sqrt{2})e^{-j4\pi f T_e} + e^{-j6\pi f T_e}$$

$$= e^{-j3\pi f T_e} (2\cos(3\pi f T_e) + 2(1+\sqrt{2})\cos(\pi f T_e))$$

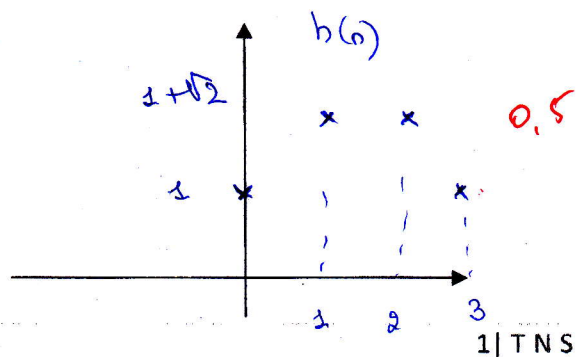
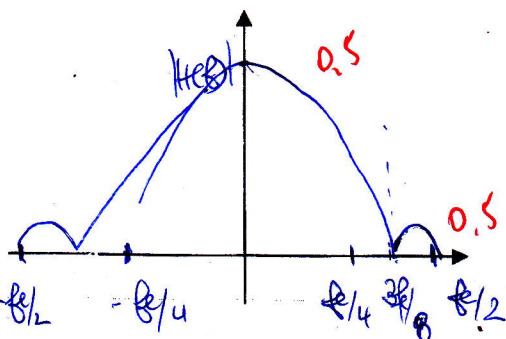
$$H(0) = 4 + 2\sqrt{2} \quad 0.25$$

$$H(\frac{1}{8}) = e^{-j9\pi/8} (2\cos(9\pi/8) + 2(1+\sqrt{2})\cos(3\pi/8)) = 1.85 + 1.85 = 3.7$$

$$H(\frac{1}{2}) = e^{-j3\pi/2} (2\cos(3\pi/2) + 2(1+\sqrt{2})\cos(\pi/2)) = 0 \quad 0.25$$

8^o $h(n)$ symétrique $\Rightarrow$ Retard de groupe est 0.0

3^o



Exercice 2 : 3

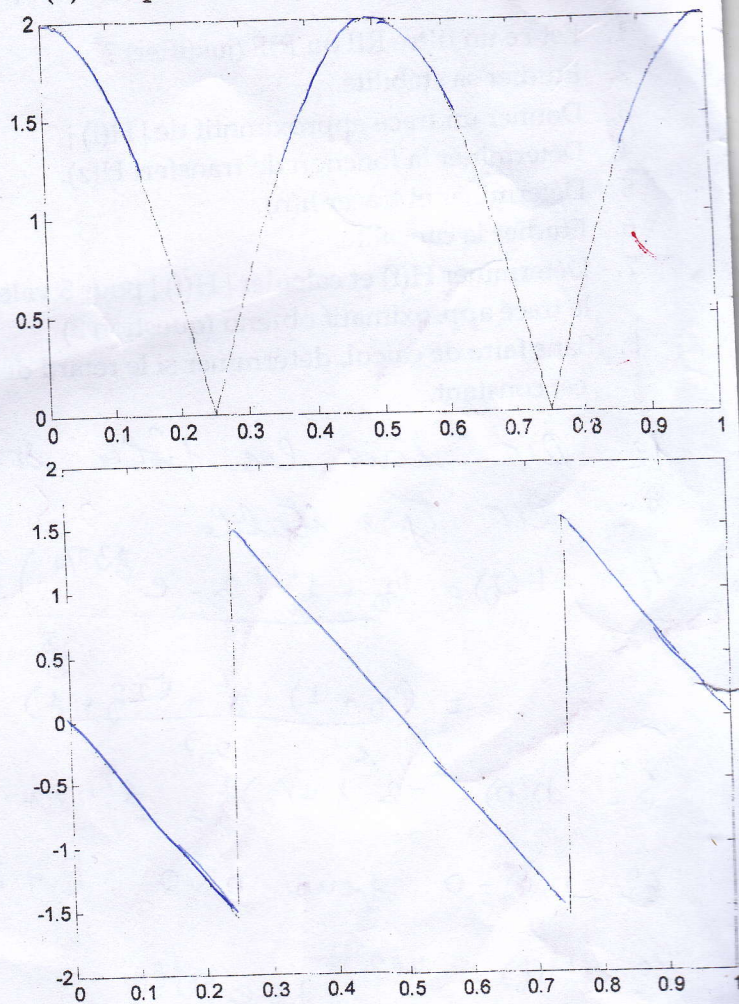
Les tracés de la TFTD du module et de la phase d'un signal $x(n)$ composé de 4 points sont donnés ci-après

1. Dédurre la TFD pour $N=4$
2. A partir de cette dernière, déterminer $x(n)$
3. Re-calculer alors la TFTD.

19 $x(k) \Rightarrow x(-kT/4) = x(kT/4)$
 $x(0) = 2 \quad x(1) = 0 \quad x(2) = 2 \quad x(3) = 0$

20 $\begin{bmatrix} x(0) \\ x(1) \\ x(2) \\ x(3) \end{bmatrix} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & j & 1 & -j \\ 1 & -1 & 1 & -1 \\ 1 & -j & 1 & j \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$

31 $X(f) = \sum_{n=0}^3 x(n) e^{-2\pi j f n T_e}$
 $= (1 + e^{-4\pi j f T_e}) = 2 \cos(2\pi f T_e) e^{-2\pi j f T_e}$



Exercice 3**4**

On veut synthétiser un filtre passe-haut par la méthode des fenêtres.

Gabarit du filtre : $f_c = 1500$ Hz $f_e = 4$ kHz $\Delta f \leq 180$ Hz $A_a > 20$ dB

1. Déterminer et tracer approximativement la réponse impulsionnelle $h'(n)$.
2. Donner un tracé approximatif de $|H(f)|$.
3. Donner un tracé approximatif des pôles et zéros de ce filtre.

1° $A_a > 20$ dB $\Rightarrow$ Fen Rectangulaire 0.95

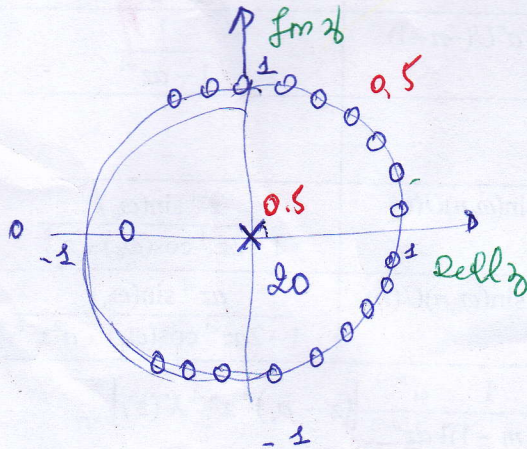
$$f_c/f_{e/2} = 3000/4000 = 3/4 = 0.75 \quad \text{0.25}$$

$$\Delta f/f_{e/2} = 2 \cdot 180/4000 = 1.8/5 \Rightarrow N = 20 \quad \text{Type I } N = 21 \quad \text{0.25}$$

$$h'(0) = 0.25 \quad h'(n) = 0.75 \text{ sinc}(0.75n) \quad 10 \leq n \leq -10 \quad \text{0.25}$$

0.25 On décale $h'(n)$ de 10

0.25



2°

