$U.S.T.H.B.\ 2013-2014\ Semestre\ 2$

Faculté de Mathématiques

Math 4: Analyse complexe 2ème Lic, ST-GP, Section D

Série d'exercices n° 3 : Intégration dans $\mathbb C$ - Théorème de Cauchy

Exercice 1:

Calculer
$$\int_{(0,3)}^{(2,4)} (2y+x^2) dx + (3x-y) dy$$
 le long de

- a) la parabole $x = 2t, y = t^2 + 3,$
- b) la ligne brisée formée par les segments de droite (0,3) à (2,3) et (2,3) à (2,4),
- c) le segment de droite d'extrémités (0,3) et (2,4).

Exercice 2:

Évaluer $\int_C \overline{z} dz$ de z=0 à z=4+2i le long de la courbe C dans les cas suivants.

- a) la courbe C définie par $z = t^2 + it$,
- **b)** la courbe C formée des segments joignant 0 à 2i et 2i à 4+2i.

Exercice 3:

Évaluer les intégrales $\oint_C dz$, $\oint_C zdz$ et $\oint_C z - idz$,

où C est une courbe fermée simple.

Exercice 4:

Évaluer $\oint_C \frac{1}{z-a} dz$ où C désigne une courbe fermée et z=a est

a) à l'extérieur de C, b) à l'intérieur de C.